



## مرور فصل

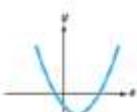
درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. ۱
الف) بیشترین مقدار تابع $y = -2x^2 + 4x + 1$ برابر ۳ می باشد. ب) حاصل ضرب ریشه های معادله $x^3 + 4x^2 + 4x + 1 = 0$ برابر ۲ می باشد. ج) شرط موازی بودن دو خط آن است که دارای شیب برابر باشد. د) ماکریمم یا مینیمم تابع با ضابطه $y = -(x+2)^2 + 3$ برابر ۳ می باشد. ۲
جاهای خالی را با کلمات و عبارات ریاضی مناسب پر کنید. الف) شرط عمود بودن دو خط آن است که شیب هر کدام ..... شیب دیگری باشد. ب) حاصل ضرب ریشه های معادله $x^4 - 8x^2 + 8x + 10 = 0$ برابر با ..... است. ج) حاصل جمع ریشه های معادله $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$ برابر با ..... است. د) کمترین مقدار تابع $y = -x^2 + x + 1$ برابر ..... می باشد. ۳
در هر مورد گزینه صحیح را انتخاب کنید. ۱: نوع مثلث با رأس های $A(1,2)$ ، $B(2,5)$ و $C(4,1)$ کدام است؟ الف: متساوی الاضلاع      ب: فقط متساوی الساقین      ت: متساوی الساقین قائم الزاویه ۲: فاصله ای نقطه ای $A(7,5)$ را از خط به معادله $3x + 4y = 18$ کدام است؟ ت: $\frac{43}{5}$ ب: $\sqrt{5}$ چ: $5\sqrt{5}$ د: ۵ ۴
فاصله ای نقطه ای $A(4,2)$ از خط به معادله $3x - 4y + 1 = 0$ را بدست آورید. ۵
فاصله ای نقطه ای $P(3,5)$ از خط به معادله $2x - y = 3$ را بدست آورید. ۶
فاصله ای نقطه ای $A(3,2)$ از خط به معادله $3x + 4y + 1 = 0$ را بدست آورید. ۷
فاصله ای نقطه ای $A(4,1)$ از خط به معادله $y = 3x - 3$ را بدست آورید. ۸



<p>قرینهٔ نقطهٔ <math>A = (-2, 1)</math> نسبت به نقطهٔ <math>M = (4, 2)</math> را به دست آورید.</p>	<p>۸</p>
<p>اگر <math>(4, 4)</math> سه راس یک متوازی‌الاضلاع باشد، مختصات راس چهارم را باید.</p>	<p>۹</p>
<p>نقطه سه راس یک متوازی‌الاضلاع <math>C(-6, 2), B(-9, -1), A(-2, 1)</math> هستند. مختصات راس چهارم را باید.</p>	<p>۱۰</p>
<p>نقطه <math>C(4, 5), B(-2, 5), A(2, -1)</math> سه راس مثلث <math>ABC</math> هستند.</p> <p>الف) مثلث <math>ABC</math> را رسم کنید.</p> <p>ب) طول میانه <math>CM</math> را باید</p>	<p>۱۱</p>
<p>نقطهٔ <math>C\begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix}, B\begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}, A\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix}</math> رأس‌های یک مثلث را تشکیل می‌دهند:</p> <p>الف) مثلث را رسم کنید.</p> <p>ب) معیط مثلث را محاسبه کنید.</p> <p>ج) معادله ارتفاع وارد بر قطعه <math>BC</math> را باید.</p>	<p>۱۲</p>
<p>نقطه <math>C(-2, 2), B(0, 4), A(-4, 4)</math> را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) مثلث <math>ABC</math> را رسم کنید.</p> <p>ب) نوع مثلث را مشخص کنید.</p>	<p>۱۳</p>
<p>وضعیت جفت خط <math>\begin{cases} d: 2x - 6y = 5 \\ l: y = -2x + 7 \end{cases}</math> را نسبت به هم برسی کنید.</p>	<p>۱۴</p>
<p>فاصلهٔ بین دو خط موازی به معادلات <math>x + y - 3 = 0</math> و <math>x + y = 5</math> از خط <math>x + y = 0</math> را بدست آورید.</p>	<p>۱۵</p>
<p>فاصلهٔ دو خط به معادلات <math>y = x + 5</math> و <math>y = x - 1</math> را باید.</p>	<p>۱۶</p>
<p>شعاع دایره‌ای را بدست آورید که مرکز آن <math>O = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}</math> و خط به معادلهٔ <math>6 - 4y = 3x</math> بر آن مماس باشد.</p>	<p>۱۷</p>



طول قطر مربعی که یک ضلع آن واقع بر خط $y = 5x + 1$ و مختصات یک راس آن باشد، را باید $A = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \end{bmatrix}$ باشد، را باید	۱۸
مساحت مربعی را باید که یک راس آن به مختصات $(-1, 2)$ و یک ضلع آن واقع بر خط به معادله $y = 3x + 4$ باشد.	۱۹
معادله $+ 2x^2 - 7x^2 - 4 = 0$ حل کنید	۲۰
معادله $(x^2 - x)^2 - (x^2 - x) = 0$ را حل کنید.	۲۱
معادله $-2x^6 + 11x^3 + 40 = 0$ را حل کنید	۲۲
معادله $-12x^4 + 36 = 0$ را حل کنید.	۲۳
معادله درجه دومی بنویسید که ریشه های آن $5 + \sqrt{5}$ و $5 - \sqrt{5}$ باشد.	۲۴
معادله درجه دومی بنویسید که ریشه های آن $1 + \sqrt{2}$ و $1 - \sqrt{2}$ باشد.	۲۵
محیط مستطیلی ۲۰۰ متر است. بیش ترین مساحت این مستطیل چه قدر است؟	۲۶
در تابع $y = x^2 + 4x - 5$ تعداد و علامت ریشه هارا (در صورت وجود) مشخص کنید.	۲۷
در تابع $y = x^2 + 5x + 2$ تعداد و علامت ریشه هارا (در صورت وجود) مشخص کنید.	۲۸
با توجه به شکل زیر علامت های ضرایب $a$ و $b$ و $c$ را در تابع $f(x) = ax^2 + bx + c$ تعیین کنید.	۲۹





<p>با توجه به شکل زیر علامت های فراپی <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> را در تابع <math>f(x) = ax^2 + bx + c</math> تعیین کنید.</p>		۳۰
<p>راکتی که به طور عمودی شلیک شده <math>t</math> ثانیه پس از پرتاب در ارتفاع <math>h</math> متری از سطح زمین قرار می گیرد که معادله آن به صورت <math>h(t) = 100t - 5t^2</math> باشد و در <math>t &gt; 0</math> :</p> <p>الف: چند ثانیه طول می کشد تا راکت به بالاترین ارتفاع ممکن خود برسد.</p> <p>ب: ارتفاع نقطه اوج را بباید.</p>		۳۱
<p>استادیومی به شکل مستطیل با دو نیم دایره در دو انتهای آن در حال ساخت است اگر محیط استادیوم <math>2100</math> متر باشد ابعاد مستطیل را طوری بباید که :</p> <p>(<math>\pi = 3</math>)</p> <p>مساحت مستطیل حداقل مقدار ممکن شود</p>		۳۲
<p>معادله سه‌می زیر را بنویسید.</p>		۳۳
<p>شکل زیر نمودار سه‌می <math>y = ax^2 + bx + c</math> می باشد مقدارهای <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> را بباید و سپس فاصله تابع را مشخص کنید.</p>		۳۴
<p>اگر طول یک مستطیل حلالی برابر <math>5</math> باشد، عرض آن را بباید.</p>		۳۵
<p>دو کارگر کاری را یا هم در <math>6</math> روز انجام می دهند. اگر هر دو کارگر به تنهایی بخواهند کل کار را انجام دهند، کارگر اول <math>5</math> روز زودتر از کارگر دوم کل کار را تمام کرد. کارگر دوم به تنهایی کار را چند روزه تمام می کند؟</p>		۳۶



۳۷	$\frac{x}{x-3} + \frac{2}{x-1} = 5$ معادله را حل کنید.
۳۸	$\frac{3}{x} + \frac{5}{x+2} = 2$ معادله را حل کنید.
۳۹	$\frac{x-3}{x+2} = \frac{x+1}{x-1}$ معادله را حل کنید.
۴۰	$\frac{1}{x} + \frac{x+1}{x} = \frac{3}{2}$ معادله را حل کنید.
۴۱	$\sqrt{2x} - \sqrt{x+1} = 0$ معادله را حل کنید.
۴۲	با تشکیل یک معادله ، عدد طبیعی پیدا کنید که مجموع آن با جذرش برابر ۲۰ باشد .
۴۳	عدد صحیحی را بایابید که جمع آن با جذرش برابر ۶ باشد .
۴۴	$x-3 + \sqrt{1+x} = 2$ معادله را حل کنید.
۴۵	$x-1 = \sqrt{x+1}$ معادله را حل کنید.
۴۶	$\sqrt{3x+9} = 2\sqrt{x}$ معادله را حل کنید.
۴۷	$\sqrt{x+5} = \sqrt{x+1}$ معادله را حل کنید.
۴۸	ب) معادله $\sqrt{x+4} = 3$ را حل کنید .



## مرور فصل

<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) توابع جزء، صحیح، جز توابع پله ای هستند.</p> <p>ب) هر تابع خطی غیر ثابت یک به یک است.</p> <p>ج) دامنه تابع گویا با ضابطه <math>f(x) = \frac{x^2 - 4}{x + 2}</math> برابر <math>\{-2\} - \mathbb{R}</math> است.</p> <p>د) دامنه مجموع دو تابع <math>f</math> و <math>g</math> برابر با اشتراک دامنه آن دو تابع است.</p>	۱
<p>جهای خالی را با کلمات و عبارات ریاضی مناسب پر کنید.</p> <p>الف) توابع جزء، صحیح، جز توابع ..... هستند.</p> <p>ب) دامنه تابع گویا با ضابطه <math>f(x) = \frac{5}{x+5}</math> برابر ..... است.</p> <p>ج) برای رسم نمودار وارون یک تابع کافی است قرینه نمودار آن تابع را نسبت به ..... رسم کنیم.</p>	۲
<p>مناسب ترین گزینه را انتخاب کنید.</p> <p>۱) حاصل عبارت <math>[56 / 56] - [221 / 221]</math> کدام گزینه است.</p> <p>الف: <math>-221</math>      ب: <math>-222</math>      ت: <math>-220</math>      پ: <math>-222</math></p> <p>۲) برد تابع <math>f(x) = [x]</math> کدام است.</p> <p>الف: اعداد حقیقی      ب: اعداد مثبت      ت: اعداد صحیح      پ: اعداد مثبت</p> <p>۳) دامنه تابع <math>f(x) = 2 - \sqrt{x-3}</math> کدام گزینه است.</p> <p>الف: <math>(2, \infty)</math>      ت: <math>[2, \infty)</math>      ب: <math>[-2, \infty)</math>      پ: <math>(-2, \infty)</math></p> <p>۴) به تابعی که در زوج های مرتب متفاوت خود، مؤلفه های دوم تکراری نداشته باشند، تابع ..... می گوییم.</p> <p>الف) قدر مطلق      ب) یک به یک      ت) ثابت      پ) همانی</p>	۳
<p>آیا توابع زیر برابرند؟</p> <p><math>f(x) = x - 2</math> ، <math>g(x) = \frac{x^2 - 4}{x + 2}</math></p>	۴
<p>نمودار تابع <math>f(x) = 1 + \sqrt{x+1}</math> را به کمک انتقال نمودار تابع <math>f(x) = \sqrt{x}</math> رسم کنید.</p> <p>و دامنه آن را بنویسید</p> <p><math>f(x) = \sqrt{x}</math></p>	۵





آیا تابع زیر برا بوند؟	<b>۶</b>
$f(x) = \frac{yx}{x}$ , $g(x) = y$	ب) نمودار تابع $f(x) = \sqrt{x-2}$ را رسم و دامنه آن را بنویسید.
تابع یا ضابطه $f(x) = [x] + 2$ را رسم کنید.	<b>۷</b>
دامنه و ضابطه حاصل جمع و تقسیم دو تابع $f(x) = x^2 - 4$ , $g(x) = x + 2$ را بنویسید.	<b>۸</b>
الف) یک تابع یک به یک مثال بزنید. ب) وارون تابع خطی $f(x) = 2x + 1$ را بنویسید.	<b>۹</b>
تابع $f(x) = \sqrt{x+4}$ را رسم کنید.	<b>۱۰</b>
الف) وارون تابع خطی $f(x) = 2x + 1$ را بنویسید. ب) اگر $f(x) = -x^2 - 1$ , $g(x) = x^2 + 3$ را به دست آورید.	<b>۱۱</b>
آیا دو تابع داده شده زیر مساویند؟ جرا؟	<b>۱۲</b>
$f(x) = x + 3$ $g(x) = \frac{x^2 - 9}{x - 3}$	نمودار تابع زیر را رسم کنید.
الف) $f(x) = 1 - \sqrt{x-2}$ ب) $g(x) = 2 x + 2 $ چ) $h(x) = [x] + 2$	<b>۱۳</b>
نمودار تابع $f(x) = x^2 - 2$ را رسم کنید سپس با محدود کردن دامنه آن را به تابعی یک به یک تبدیل کنید و در آخر نمودار تابع وارون تابع یک به یک حاصل را رسم کنید.	<b>۱۴</b>



<p>در هر یک از موارد زیر <math>\frac{f}{g}</math> و دامنه آن را بدست آورید.</p> <p><b>۱۵</b></p> <p><math>f = \{(-2, 2), (-1, 4), (1, 2), (3, 5)\} \quad g = \{(-2, -1), (-1, 1), (2, 4), (3, 3)\}</math></p> <p><math>\varphi: f(x) = x^2 + x - 2 \quad g(x) = \frac{x-1}{x+2}</math></p>
<p>نمودار تابع گویا با ضابطه <math>y = \frac{1}{x}</math> و با دامنه <math>\{0\}</math> و <math>D_f = [-4, 4] - \{0\}</math> رارسم کنید.</p> <p><b>۱۶</b></p>
<p>الف) وارون توابع زیر را بدست بسیدد</p> <p><b>۱۷</b></p> <p><math>f = \{(1, 1), (3, -1), (-1, -3)\}</math></p> <p>ب) حاصل عبارت های زیر را بدست آورید.</p> <p><math>[-2/7] = \quad [1/2] =</math></p>
<p>تابع ۱ داده شده است. حاصل عبارت های داده شده را بدست آورید.</p> <p><b>۱۸</b></p> <p>الف: <math>(f + g)(x) =</math></p> <p>ب: <math>D_{f+g}</math></p> <p>پ: <math>D\left(\frac{f}{g}\right)(x) =</math></p>
<p>آیا دو تابع <math>g(x) = \frac{x^2 - 25}{x - 5}</math> و <math>f(x) = x + 5</math> زیر مساویند؟ چرا؟</p> <p><b>۱۹</b></p>
<p>آیا دو تابع <math>g(x) = \sqrt{3-x}</math> و <math>f(x) = \frac{1+x^2}{x^2-1}</math> مطابقتند؟ چرا؟</p> <p>الف) ضابطه <math>f+g</math></p> <p>ب) دامنه <math>f-g</math></p> <p><b>۲۰</b></p>
<p>نمودار تابع <math>f(x) = -3 + \sqrt{x-4}</math> رارسم کنید.</p> <p><b>۲۱</b></p>
<p>ضابطه <math>f</math> وارون تابع <math>5x + 5</math> را بدست آورید</p> <p><b>۲۲</b></p>
<p>آیا دو تابع <math>g(x) = \frac{x^2 - 4}{x + 2}</math> و <math>f(x) = x - 2</math> زیر مساویند؟ چرا؟</p> <p><b>۲۳</b></p>

۲۴ الف) حاصل عبارت های زیر را بدست آورید. $[-3/8] =$ $[5/2] =$ ب) اوارون تابع $f = \{(2,3), (-2,1), (-1,2)\}$ را بدست آورید.	الف
۲۵ تابع پله ای زیر رارسم کنید. $f(x) = \begin{cases} 2 & x \in [1, 2) \\ 0 & x \in [2, 5] \\ 3 & x \in (5, 6] \end{cases}$	پله ای
۲۶ ب) قابطه‌ی وارون تابع $f(x) = \frac{3x+2}{5}$ را بدست آورید.	ب)
۲۷ اگر $f + g$ ، $f - g$ باشند، قابطه‌ی توابع $f(x) = -x^2 - 1$ ، $g(x) = x^2 + 3$ را به دست آورید.	اگر
۲۸ الف) $F(x) \cdot g(x) =$ ب) $F(x) - g(x) =$ اگر $f(x) = x+2$ ، $g(x) = x-2$ باشد آنگاه مقادیر زیر را حساب کنید.	اگر
۲۹ اگر $g = \{(7, 4), (2, 2), (1, 2)\}$ و $f = \{(7, 1), (6, 2), (2, -1)\}$ باشند تابع زیر را بصورت زوج مرتب بنویسید. $F \times g =$ $F - g =$	اگر
۳۰ اگر $(f+g)(x)$ ، $(g/f)(x)$ باشد دامنه‌ی $g(x) = 4x+8$ و $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$ را بدست آورید.	اگر
۳۱ اگر $g(x) = - x $ ، $f(x) =  x $ باشد دامنه و قابطه‌ی $(f/g)(x)$ را بدست آورده آن رارسم کنید.	اگر