

## فصل اول ( عده‌های صحیح و گویا )



صحیح یا غلط بودن جملات زیر را مشخص کنید.

الف) قرینه‌ی عدد  $-10$  - عدد طبیعی است.

ب) هر عدد صحیح یک عدد گویاست.

ج) صفر تنها عدد گویایی است که معکوس ندارد.

د) حاصل ضرب هر عدد گویای غیر صفر در قرینه‌ی معکوس خود برابر است با  $-1$ .

ه) حاصل عبارت  $(-4 + 25/0)$  یک عدد گویا نیست.

و) کوچکترین عدد گویای نامنفی عدد  $1$  است.

ز) معکوس اعداد گویای مثبت از خود آن عدد بزرگتر هستند.

ح) بین دو عدد صحیح متفاوت بی شمار عدد گویا وجود دارد.

ط) جمع دو عدد گویا همواره عددی گویا است.

ی) تنها اعدادی که با معکوسشان برابرند اعداد ..... و ..... هستند.

جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) میانگین سه عدد  $-12, -24$  و  $15$  برابر است با .....

ب) عدد  $\frac{-11}{4}$  بین دو عدد صحیح متوالی ..... و ..... قرار دارد.

ج) حاصل عبارت  $\frac{1}{\frac{1}{5}}$  عدد ..... است.

د) قرینه‌ی معکوس عدد  $7/2$  برابر است با .....

ه) الف) با توجه به رابطه  $x < 1 \rightarrow$  کوچکترین مقدار ممکن برای  $x$  عدد ..... است.

و) روی محور اعداد ..... عدد صحیح بین دو عدد  $-1/0$  و  $\frac{11}{3}$  وجود دارد.

ز) میانگین اعداد  $-2/3$  و  $\frac{4}{5}$  برابر است با .....

ح)  $-1 = \dots \times \frac{4}{7}$

در پرسش‌های زیر گزینه درست را انتخاب کنید

الف) حاصل عبارت  $(-2)^{-6} + (-6)^{-2} + [18 + 2]^{-1}$  کدام گزینه است؟

$-6^4$

$6^3$

$2^3$

$-2^4$

ب) حاصل عبارت  $\frac{2}{-\frac{2}{3}} - 2$  کدام است؟

$\frac{6}{5}^4$

$\frac{10}{3}^3$

$\frac{2}{3}^2$

$-\frac{2}{3}^4$

ج) حاصل عبارت  $-80 - 8 + 12 - 16 + \dots + 76 - 4$  کدام گزینه است؟

$-40^4$

$40^3$

$-80^2$

$80^1$

د) قرینه معکوس عدد  $2/3$  کدام گزینه است؟

$\frac{-10}{22}^4$

$-\frac{22}{10}^3$

$\frac{22}{10}^2$

$-\frac{3}{2}^1$

ه) در تساوی  $\frac{1}{x} = \frac{35}{-18}$  مقدار  $x$  کدام است؟

-۵۶ (۴)

۵۶ (۳)

-۶۳ (۲)

۶۳ (۱)

و) معکوس کدام گزینه با خودش برابر نیست؟

$3\frac{7}{3}$  (۴)

$\frac{53}{-53}$  (۳)

$\frac{-10}{10}$  (۲)

۱۱ (۱)

الف) بین دو عدد -۱۱ و قرینه اش چند عدد صحیح وجود دارد؟

۴

ب) حاصل عبارات زیر را به دست آورید.

$$\left( \frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \cdots + \frac{98}{99} \right) + \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \cdots + \frac{1}{99} \right) =$$

$$71+72+73+74+75+\dots+100=$$

در جای خالی علامت + یا - را طوری قرار دهید که حاصل عبارت زیر کمترین مقدار ممکن باشد.

۵

$$-4 \boxed{\quad} (-5) \boxed{\quad} 7 =$$

$$\frac{2}{7} \times \dots = 1$$

$$\frac{4}{3} \times \dots = -1$$

الف) در جای خالی عدد مناسب بنویسید.  
ب) مقدار  $x$  را در تساوی مقابل به دست آورید.

۶

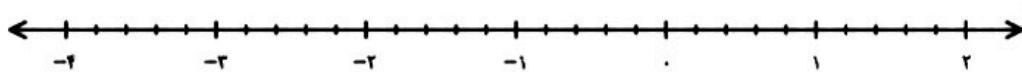
عدد  $16/8$  چند برابر عدد  $\frac{1}{4}$  است؟

۷

حاصل عبارت مقابل را به کمک محور به دست آورید.

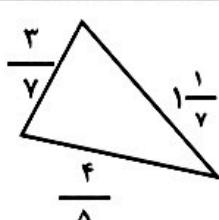
۸

$$\left(\frac{2}{5}\right) - 3 =$$



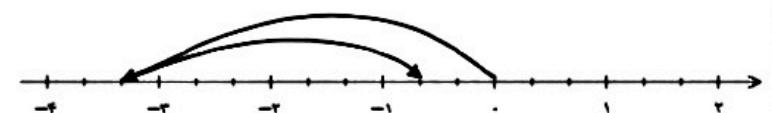
الف) محيط شکل مقابل را به دست آورید.

۹



ب) مساحت مربعی به ضلع  $\frac{2}{7}$  را به دست آورید.

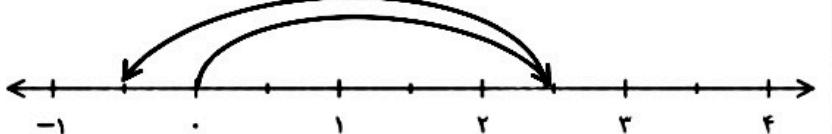
$$(\quad) + (\quad) = (\quad)$$



جمع متناظر با هر محور را بنویسید.

۱۰

$$)+(\quad) = (\quad)$$



حاصل عبارتهای زیر را به دست آورید.

۱۱

$$\frac{\frac{۲}{۵} - \frac{۱}{۷}}{۱ \div \frac{۳}{۴}} =$$

$$\left[ -\frac{۶}{۷} - \left( -\frac{۱}{۵} \right) \right] \div \left( -\frac{۷}{۱۵} \right) =$$

$$۲ - ۴ + ۶ - ۸ + ۱۰ - ۱۲ + \dots + ۵۰ - ۵۲ =$$

$$\left( -\frac{۳}{۷} + \frac{۴}{۹} \right) \times \left( -\frac{۲۴}{۱۳} \right) =$$

$$[( -\cdot / ۶۵ ) \div ۱ / ۲] \times \cdot / ۷ =$$

$$۲ - \frac{۲}{\frac{۳}{۴} + \frac{۱}{۳}} =$$

اعداد زیر را در جدول و در جای مناسب خود قرار دهید.

۱۱

$x < ۲$	$-۲ \leq x < -۱$	$-۱ \leq x < ۰$	$۰ \leq x < ۱$	$۱ \leq x < ۲$	$x \geq ۲$

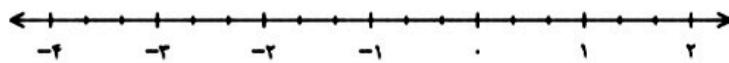
کسر های زیر را تا جای امکان ساده کنید.

۱۲

$$\frac{(-۱۸) \times ۲۷ \times ۲۰}{۱۶ \times (-۲۴)} = -\frac{-۱۰ \times ۲۵}{-۲۱ \cdot} =$$

روی محور زیر حرکتی به اندازه  $\frac{۱}{۳}$  از نقطه  $\frac{۱}{۲}$  رسم کنید. انتهای حرکت چه عددی است؟

۱۳



با بررسی و حل یک مثال عبارت زیر را با کلمات مناسب کامل کنید.  
حاصل ضرب هر عدد در قرینه‌ی معکوسش عدد ..... است.

۱۴

$$\frac{x}{15} = \frac{۱۴}{۱۰}$$

$$\frac{-۱۸ \times ۷}{۲۱} = \frac{۴۲}{x}$$

در هر تساوی مقدار  $x$  را محاسبه کنید.

۱۵

۱۶

در جای خالی عدد مناسب قرار دهید.

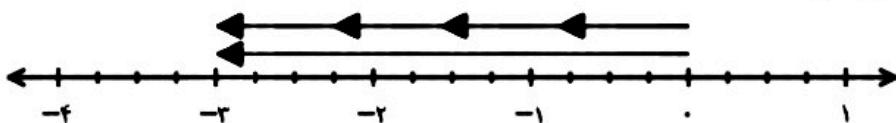
$$\frac{7}{3} + \dots = -1\frac{2}{3}$$

$$\dots \div \left(-2\frac{2}{5}\right) = -1$$

$$5 \times \dots = 1$$

۱۷

تساوی متناظر با محور را کامل کنید.



۱۸

چهار کسر مساوی با  $\frac{-3}{11}$  بنویسید.

$$1/5 \boxed{\quad} \frac{14}{9}$$

$$\frac{2}{7} \boxed{\quad} \frac{2}{11}$$

$$-1\frac{3}{4} \boxed{\quad} -\frac{9}{4}$$

۱۹

مقایسه کنید. ( $<$  =  $>$ )

## فصل ۲ (عدادهای اول)

۱

درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید.

الف) دو عدد اول متمایز همواره نسبت به هم اول هستند.

ب) هر عدد طبیعی حداقل یک شمارنده اول دارد.

ج) بی شمار عدد اول وجود دارد که مضرب عدد ۷ باشند.

د) همه‌ی اعداد اول فرد هستند.

ه) اگر حاصل ضرب دو عدد اول زوج باشد، حتماً یکی از آن دو عدد ۲ است.

و) همه‌ی مضارب عدد ۱۱ مرکب هستند.

ز) مجذور هر عدد اول عددی اول است.

ح) در روش غربال همه‌ی مضارب اعداد اول را خط می‌زنیم.

ط) حاصل ضرب دو عدد طبیعی همواره عددی مرکب است.

ی) اعداد ۳ و ۵ تنها شمارنده‌های عدد ۱۵ هستند.

ک) برای تعیین اول یا مرکب بودن عددی که از ۱۰۰ کمتر است حداقل ۴ تقسیم انجام می‌دهیم.

جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.

۲

الف) مجموع دو عدد اول، عدد ۳۱ است. اختلاف آن‌ها عدد ..... است

ب) برای تعیین اول یا مرکب بودن عددی که بین ۱۰۰ تا ۱۵۰ است، حداقل ..... تقسیم انجام می‌دهیم.

ج) در تساوی  $1 = (\dots, 32)$  عدد مرکب ..... می‌توان قرار داد.

د) تنها شمارنده‌ی اول عدد ۸۱ عدد ..... است.

ه) بین دو عدد ۴۰ و ۶۰ تعداد ..... تا عدد اول وجود دارد.

و) اگر مجموع دو عدد اول عددی فرد باشد یکی از آن دو عدد اول حتما ..... است.

ز) هر عدد طبیعی بزرگتر از یک حداقل یک شمارنده‌ی ..... دارد.

ح) در غربال اعداد در مرحله خط زدن مضارب ۵، دومین عددی که برای اولین بار خط می‌خورد عدد ..... است.

ط) بین دو عدد ۲۰ و ۳۰، ..... تا عدد مرکب وجود دارد.

۳

در پرسش‌های زیر گزینه درست را انتخاب کنید

الف) در غربال اعداد ۱ تا ۱۰۰ عدد ۶۶ برای اولین با مضارب کدام عدد خط می‌خورد؟

 ۱۱ (۴) ۲ (۳) ۶ (۲) ۳ (۱)

ب) چند تا از اعداد ۱، ۱۳، ۲۷، ۳۷، ۶۳، ۸۷ و ۹۳ اول هستند؟

 ۴ (۴) ۳ (۲) ۲ (۲) ۱ (۱)

<input type="checkbox"/> ۲۴ و ۵۳ (۴) <input type="checkbox"/> ۴۴۴ و ۳۳۳ (۳) <input type="checkbox"/> ۷۷ و ۲۲ (۲) <input type="checkbox"/> ۷۵ و ۱۰ (۱)	<p>ج) در کدام گزینه دو عدد داده شده نسبت به هم اول هستند؟</p> <p>د) کدام عدد نسبت به ۸۱ اول است؟</p> <p>ه) کدام گزینه نادرست است؟</p> <p>الف) دو عدد اول متفاوت نسبت به هم اول هستند.</p> <p>ب) اعداد مرکب نسبت به هم اول هستند.</p> <p>ج) همه‌ی اعداد طبیعی نسبت به ۱ اول هستند.</p> <p>و) در عبارت <math>1 = (\dots + 20)</math> در جای خالی کدام عدد را می‌توان قرار داد؟</p>
<input type="checkbox"/> ۳۹ (۴) <input type="checkbox"/> ۱۷۴ (۳) <input type="checkbox"/> ۱۸ (۲) <input type="checkbox"/> ۲۵ (۱)	
<p>سوالات کوتاه پاسخ:</p> <p>الف) کوچکترین عدد طبیعی که ۳ شمارنده‌ی اول متمایز دارد کدام عدد است؟</p> <p>ب) حاصل ضرب دو عدد اول ۱۱۴ است. آن دو عدد کدامند؟</p> <p>ج) تفاضل دو عدد اول ۲۷ است. آن دو عدد کدامند؟</p> <p>د) در روش غربال برای اعداد ۱ تا ۴۰، مضارب کدام اعداد اول خط می‌خورند؟</p>	۴
<p>در جای خالی اعداد متمایز و مرکب بنویسید.</p> <p>۱ = ..... و ۱۵      ۱ = ..... و ۹      ۱ = ..... و ۴      ۱ = ..... و ۳</p>	۵
<p>اگر <math>a</math> بر <math>b</math> بخش پذیر باشد تساوی‌های زیر را کامل کنید.</p> <p><math>[a \cdot b] = \dots</math>      <math>(a \cdot b) = \dots</math></p>	۶
<p>دو عدد طبیعی بنویسید که :</p> <p>الف) همه‌ی مضارب آن عدد مرکب باشند. ..... و .....</p> <p>ب) مضرب اول داشته باشند. ..... و .....</p>	۷
<p>جملات زیر را کامل کنید.</p> <p>الف) اگر <math>a</math> و <math>b</math> نسبت به هم اول باشند که <math>m</math> آن‌ها برابر است با .....</p> <p>ب) اگر <math>a</math> و <math>b</math> دو عدد متواالی باشند، <math>b</math> <math>m</math> آن‌ها برابر است با .....</p>	۸
<p>دو عدد بزرگتر از ۲۰ بنویسید که تنها شمارنده‌ی اول آن‌ها عدد ۲ باشد.</p>	۹
<p>الف) ۴ عدد بنویسید که غیر از ۳ و ۵ شمارنده‌ی اول دیگری نداشته باشند.</p> <p>ب) عدهای ۱۴ و ۱۲ شمارنده‌های یک عدد هستند. پنج شمارنده‌ی دیگر از آن عدد را تعیین کنید.</p>	۱۰
<p>آیا عدد ۱۱۹ اول است؟ چرا؟</p>	۱۱
<p>عددی بیشتر از ۶۰ و کمتر از ۱۴۰ است. برای تعیین اول یا مرکب بودن این عدد حداقل چند تقسیم لازم است؟ چرا؟</p>	۱۲
<p>به روش غربال اعداد اول بین ۸۰ و ۱۱۰ را تعیین کنید.</p>	۱۳

$(7, 22) = \dots$ $[1, 50] = \dots$	$(11, 19) = \dots$ $[8, 9] = \dots$	$(20, 21) = \dots$ $(12, 19) = \dots$	تساوی های زیر را به صورت ذهنی محاسبه کنید.
می خواهیم به روش غربال همه ای اعداد اول کمتر از ۲۰۰ را مشخص کنیم. به سوالات زیر پاسخ دهید.			۱۴
الف) اولین عددی که خط می خورد کدام عدد است? ب) اولین مضرب مرکب ۷ که در مرحله ای خط زدن مضارب ۷ برای اولین بار خط می خورد کدام عدد است? ج) عدد ۱۳۵ برای اولین بار با مضارب کدام عدد خط می خورد؟ د) بزرگترین عدد اولی که لازم است مضارب مرکبیش خط بخورند کدام عدد است؟			۱۵
<b>فصل ۳ (چندضلعی ها)</b>			
درستی جملات زیر را بررسی کنید. الف) اگر شکلی محور تقارن <u>نداشته</u> باشد، مرکز تقارن <u>هم ندارد</u> . ب) چندضلعی منتظم مقرر وجود دارد. ج) مستطیل و متوازی الاضلاع مرکز تقارن <u>ندارند</u> . د) اگر $a \parallel b$ و $a \parallel c$ باشد آن گاه $b \parallel c$ . ه) در مستطیل قطرها عمودمنصف یکدیگرند. و) مجموع زوایای خارجی هر چندضلعی محدب $360^\circ$ درجه است. ز) هرچه اضلاع یک چندضلعی منتظم بیشتر شود، زاویه ای خارجی اش کوچکتر می شود. ح) با هر متوازی الاضلاعی می توان یک سطح را کاشی کاری کرد. ط) هر $n$ -ضلعی منتظم $n$ محور تقارن دارد. ی) اگر دو خط متمایز در یک صفحه موازی <u>نباشند</u> ، بر <u>هم عمودند</u> . ک) هیچ متوازی الاضلاعی دو ضلع عمود بر <u>هم ندارد</u> . ل) با کاشی هایی به شکل $n$ -ضلعی منتظم به تنها <u>یک</u> سطح را کاشی کاری کرد. م) مجموع زوایای داخلی و خارجی هر $n$ -ضلعی محدب $n \cdot 360^\circ$ است.			۱
جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید. الف) مستطیلی که قطرهایش برهم عمود باشند یک ..... است. ب) مثلث متساوی الاضلاع دارای ..... محور تقارن است. ج) اگر $a \parallel b$ و $c \perp a$ و $c \perp b$ آن گاه ..... است. د) در متوازی الاضلاع، زوایای مجاور به یک ضلع ..... یکدیگر هستند. ه) زاویه ای بین یک ضلع و امتداد ضلع دیگر در راس یک چندضلعی محدب زاویه ای ..... نام دارد ز) اندازه ای هر زاویه ای داخلی یک $12$ -ضلعی منتظم ..... درجه است. ح) اگر وسط اضلاع یک لوزی را به طور متواالی به هم وصل کنیم ..... بوجود می آید. ط) اندازه ای هر زاویه ای خارجی یک مثلث متساوی الاضلاع ..... درجه است. ی) مجموع زوایای داخلی هر $7$ -ضلعی ..... درجه است. ک) اندازه هر زاویه خارجی یک $5$ -ضلعی منتظم ..... درجه است. ل) با دانستن حداقل ..... زاویه از لوزی می توان بقیه ای زوایای آن را محاسبه کرد. م) مرکز تقارن متوازی الاضلاع محل برخورد ..... آن است.			۲
در پرسش های زیر گزینه درست را انتخاب کنید الف) از بین شکل های زیر کدامیک بیشترین محور تقارن را دارد? ۱) مربع <input type="checkbox"/> ۲) مستطیل <input type="checkbox"/> ۳) $7$ -ضلعی <input type="checkbox"/> ب) از بین شکل های زیر کدامیک مرکز تقارن <u>ندارد</u> ? ۱) $n$ -ضلعی منتظم <input type="checkbox"/> ۲) مستطیل <input type="checkbox"/> ۳) $10$ -ضلعی <input type="checkbox"/>			۳

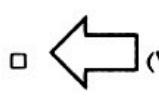
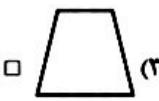
ج) اگر شکلی را حول مرکز تقارنش ..... درجه بچرخانیم، بر خودش منطبق می شود.

۱۸۰° (۴)

۱۲۰° (۳)

۴۵° (۲)

۶۰° (۱)



د) کدام شکل چندضلعی نیست؟

- ه) چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی دارد ..... نام دارد.  
 ۱) مرربع     ۲) لوزی     ۳) ذوزنقه     ۴) مستطیل  
 و) با کدام شکل زیر نمی توان به تنهایی یک سطح را کاشی کاری کرد?  
 ۱) متوازی الاضلاع     ۲) مثلث متساوی الاضلاع     ۳) پنج ضلعی منتظم     ۴) شش ضلعی منتظم  
 ز) اندازه هر زاویه خارجی یک چهل ضلعی منتظم ۲۰ درجه است. تعداد اضلاع این شکل گزینه است?  
 ۱) ۲۰     ۲) ۱۸     ۳) ۳۶     ۴) ۹

اگر  $a$  و  $b$  و  $c$  سه خط با روابط داده شده باشند، با رسم شکل نتیجه ای زیر را کامل و به زبان ریاضی بنویسید.

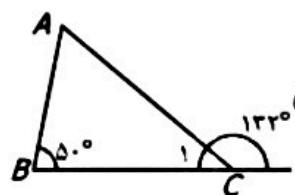
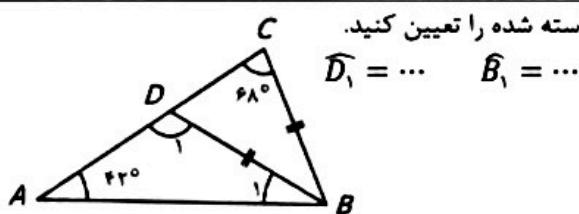
$$\left. \begin{array}{l} a \parallel b \\ b \perp c \end{array} \right\} \Rightarrow \dots$$

$$\left. \begin{array}{l} a \perp b \\ a \perp c \end{array} \right\} \rightarrow \dots$$

با توجه به شکل و حل معادله و به دست آوردن ضلع لوزی زیر، محیط آن را محاسبه کنید.



۵



با توجه به هر شکل و با اطلاعات داده شده ، اندازه ای زوایای خواسته شده را تعیین کنید.

۶

الف) چهارضلعی با اضلاع دو به دو موازی:

ب) مستطیلی که اضلاعش با هم برابرند:

ج) متوازی الاضلاعی با یک زاویه قائمه:

الف) دوچهارضلعی نام ببرید که قطرهایشان نیمساز زوایای داخلی هستند.

۷

ب) اندازه ای هر زاویه ای داخلی یک ۲۰ اضلعی منتظم را به دست آورید.

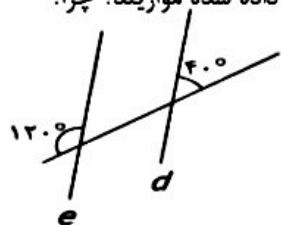
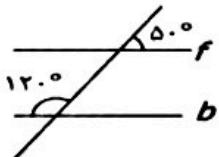
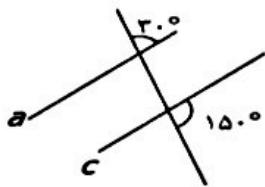
۸

یک شش ضلعی مکعب رسم کنید که دو زاویه ای قائمه داشته باشد.

۹

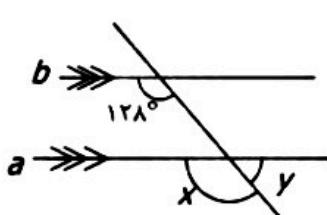
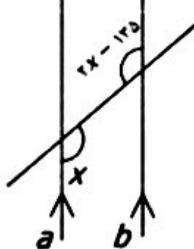
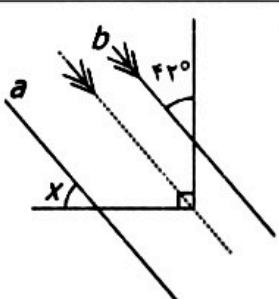
۱۰

کدام خطوط داده شده موازیند؟ چرا؟



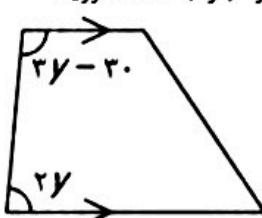
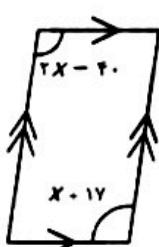
۱۱

در هر شکل دو خط a و b موازیند. با توجه به اندازه های داده شده مقدار x و y را به دست آورید.



۱۲

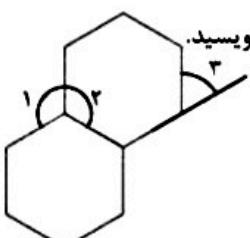
با تشکیل معادله مقدار x و y را به دست آورید.



۱۳

الف) اندازه ای یک زاویه ای تند متوازی الاضلاعی ۵۷ درجه است. اندازه بقیه زاویه ها چند درجه است؟

ب) در شکل زیر یک شش ضلعی ها منتظم هستند. اندازه ای زاویه های خواسته شده را بنویسید.

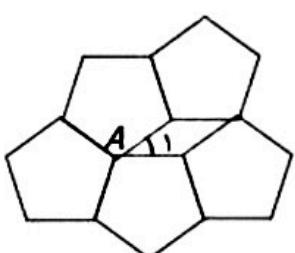


$\hat{1} = \dots\dots\dots$

$\hat{2} = \dots\dots\dots$

$\hat{3} = \dots\dots\dots$

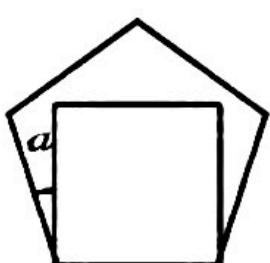
۱۴

الف) پنج ضلعی های مقابل منتظم هستند. اندازه ای زاویه ای  $\widehat{A_1}$  را محاسبه کنید.

ب) چرا با کاشی هایی به شکل ۸ ضلعی منتظم به تنها یعنی نمی توان کاشی کاری کرد؟ از کدام چندضلعی منتظم در کنارش باید استفاده کرد؟

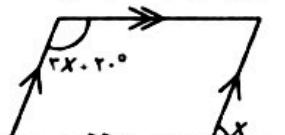
۱۵

در شکل زیر یک مربع و یک پنج ضلعی منتظم رسم شده است. مقدار زاویه ای a را با نوشتن محاسبات به دست بیاورید.



## فصل ۴ ( جبر و معادله )

<p>درستی جملات زیر را بررسی کنید.</p> <p>الف) مساحت جانبی مکعبی به ضلع <math>x</math> برابر است با <math>4x^2</math>.</p> <p>ب) اختلاف هر عدد دورقمی و مقلوبش همواره مضرب عدد ۹ است.</p> <p>ج) <math>x=5</math> جواب معادله <math>0 = 10 - 2x</math> است</p> <p>د) "چهار واحد کمتر از سه برابر عددی" به صورت جبری <math>3 - 4x</math> است.</p> <p>ه) دو جمله <math>2rs + 2rs</math> متشابهند.</p> <p>و) عامل مشترک در تجزیه <math>25ab - 7bx</math> جمله <math>7b</math> است.</p> <p>ز) حاصل ضرب دو عدد زوج همواره عددی زوج است.</p> <p>ح) قرینهٔ عبارت <math>a - b</math> عبارت <math>b - a</math> است.</p> <p>ط) مقدار عددی عبارت جبری <math>xy^2</math> به ازای <math>y = 1</math> و <math>x = -3</math> برابر است با ۹.</p>	<p>۱</p>
<p>جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) اگر <math>n</math> عددی طبیعی باشد، عدد <math>1 - 2n</math> همواره عددی ..... است. (زوج - فرد)</p> <p>ب) حاصل جمع مربيع و مکعب عدد <math>a</math> به صورت جبری برابر است با .....</p> <p>ج) محیط مربيعی به ضلع <math>x^2</math> برابر است با .....</p> <p>د) جواب معادله <math>y = -7</math> عدد <math>\frac{x}{3}</math> است.</p>	<p>۲</p>
<p>در پرسش‌های زیر گزینه درست را انتخاب کنید</p> <p>الف) در تجزیهٔ عبارت <math>21ax + 14ay</math> عامل مشترک کدام عبارت است؟</p> <p><input type="checkbox"/> ۱) <math>14y</math> (۴)      <input type="checkbox"/> ۲) <math>2a</math> (۳)      <input type="checkbox"/> ۳) <math>2ay</math> (۲)      <input type="checkbox"/> ۴) <math>21y</math> (۱)</p> <p>ب) کدام گزینه ساده می‌شود؟</p> <p><input type="checkbox"/> ۱) <math>\frac{ay}{a} + \frac{a}{a}</math> (۴)      <input type="checkbox"/> ۲) <math>8ax + \frac{ax}{a}</math> (۳)      <input type="checkbox"/> ۳) <math>8a^2 - 2a</math> (۲)      <input type="checkbox"/> ۴) <math>8x - 4xy</math> (۱)</p> <p>ج) کدام گزینه با <math>a^4</math> برابر است؟</p> <p><input type="checkbox"/> ۱) <math>a \times a^3</math> (۴)      <input type="checkbox"/> ۲) <math>a^2 + a^2</math> (۳)      <input type="checkbox"/> ۳) <math>2a \times 2a</math> (۲)      <input type="checkbox"/> ۴) <math>4a</math> (۱)</p> <p>د) کدام گزینه با <math>2a^2b</math> متشابه است؟</p> <p><input type="checkbox"/> ۱) <math>4b</math> (۴)      <input type="checkbox"/> ۲) <math>-\frac{a^2b}{a}</math> (۳)      <input type="checkbox"/> ۳) <math>2b^2a</math> (۲)      <input type="checkbox"/> ۴) <math>3ab</math> (۱)</p> <p>اگر <math>k</math> عددی صحیح باشد حاصل کدام گزینه همیشه عددی فرد است؟</p> <p><input type="checkbox"/> ۱) <math>4k + 5</math> (۴)      <input type="checkbox"/> ۲) <math>3k - 1</math> (۳)      <input type="checkbox"/> ۳) <math>2k - 6</math> (۲)      <input type="checkbox"/> ۴) <math>k^2</math> (۱)</p>	<p>۳</p>
<p><math>-(2a^2)^2 =</math></p> <p><math>(x + y)(x - y) =</math></p> <p><math>(x + y)^2 =</math></p> <p><math>(x - 5)^2 =</math></p>	<p>عبارات جبری زیر را ساده کنید.</p> <p>۴</p>
<p>مقدار عددی عبارت جبری را به ازای مقادیر داده شده به دست آورید.</p> <p><math>a = -2</math>, <math>b = 1</math> به ازای <math>(2b - a)^2 =</math></p> <p><math>x = -1</math>, <math>y = 3</math> به ازای <math>\frac{x-y}{x^2} =</math></p> <p><math>a = 4</math>, <math>b = -2</math> به ازای <math>2b(b^2 - a) =</math></p>	<p>۵</p>

$\frac{ax - a}{x - 1} = \dots$ $bx^2 + abx = \dots$ $x^2y^2 + xy^2 = \dots$	عبارات داده شده را تجزیه کنید.	۶
$\frac{ax - ay}{x - y} =$	$\frac{2x^2 - x}{4x - xy} =$	با تجزیه صورت و مخرج کسر زیر را ساده کنید. ( $y \neq 0$ و $x \neq 0$ )
		۷
		با استفاده از روابط جبری نشان دهید: الف) حاصل جمع دو عدد زوج طبیعی همیشه زوج است. ب) حاصل جمع یک عدد فرد طبیعی و یک عدد زوج طبیعی همیشه فرد است.
$\frac{x}{5} - 2x = \frac{x}{3} + 2$	$5(2x - 10) = 2x + 6$	معادلات داده را حل کنید.
$\frac{x}{2} - 2 = \frac{x}{3} + 2$	$-2x = \frac{1}{3}x - \frac{2}{5}$	$\frac{x+2}{5} = \frac{2x-5}{3}$
		برای مساله های زیر معادله تشکیل دهید و پاسخ آن را به دست آورید.
		الف) محیط مستطیلی ۴۳ متر و طول آن ۱۲ است. عرض مستطیل را به دست آورید.
		ب) جمع دو عدد طبیعی زوج متواالی ۵۰ است. برای به دست آوردن عدد کوچکتر یک معادله بنویسید و آن را حل کنید.
		ج) میانگین سه عدد طبیعی متواالی ۸۱ است. معادله ای بنویسید تا عدد بزرگتر را محاسبه کند.
		د) مجموع نصف و ثلث عددی ۱۲ است. آن عدد چند است؟
	$2x - 10^\circ$	با توجه به هر شکل یک معادله بنویسید و مقدار $x$ را محاسبه کنید.
	$2x + 20^\circ$ $x$	۱۱

## فصل ۵ (مختصات و بردار)

۱

درستی جملات زیر را بررسی کنید.

الف) دو بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  موازی و خلاف جهت همدیگرند.

ب) اگر طول برداری مثبت و عرض آن منفی باشد شکل تقریبی آن به صورت  است.

ج) بردارهای  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  هم عمودند.

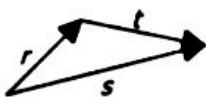
د) بردار  $\vec{c} = 2\vec{a} - \vec{b}$  موازی نیمساز ربع دوم و چهارم است.

ه) در معادله‌ی مختصاتی  $\begin{bmatrix} 6 \\ -3 \end{bmatrix} = \vec{a} - \vec{b}$  طول بردار  $x$ ، عدد ۲ است.

و) بردارهای  $\vec{AB}$  و  $\vec{BA}$  موازیند.

ز) در شکل مقابل، بردار برآیند بردار  $\vec{a}$  است.

ح) بردارهای  $\vec{a}$  و  $-3\vec{a}$  موازی و هم جهت هستند.



۲

جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) اگر ..... یک بردار صفر باشد آن بردار موازی محور عرض هاست.

ب) دو بردار  $\vec{a}$  و  $k\vec{a}$  با هم ..... هستند.

ج) در شکل مقابل بردار برآیند ..... است.

د) جواب معادله‌ی مختصاتی  $\begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ -7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2x \\ -y \end{bmatrix}$  ..... بردار ..... است.

ه) مختصات بردار  $\vec{a}$  به صورت [ ] و مختصات بردار  $\vec{b}$  به صورت [ ] است.

۳

در پرسش‌های زیر گزینه درست را انتخاب کنید

الف) اگر  $\begin{bmatrix} 5 \\ -7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2x \\ -y \end{bmatrix}$  ..... باشد، مقدار  $y + x$  کدام گزینه است؟

- ۱۶ (۴)       ۱۰ (۳)       ۲ (۲)       ۸ (۱)

ب) اگر  $k$  عددی طبیعی باشد دو بردار  $\vec{a}$  و  $k\vec{a}$  دو بردار ..... هستند.

- (۱) هم راستا     (۲) هم جهت     (۳) هم اندازه     (۴) هم راستا و هم جهت

ج) برآیند کدام دو بردار با بردار  $\vec{O}$  برابر است؟

- (۱) مساوی     (۲) قرینه     (۳) موازی     (۴) هم اندازه

د) اگر  $\begin{bmatrix} 1 \\ -3 \end{bmatrix} = \vec{a}$  مختصات بردار  $\vec{a}$  بر حسب  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  کدام گزینه است؟

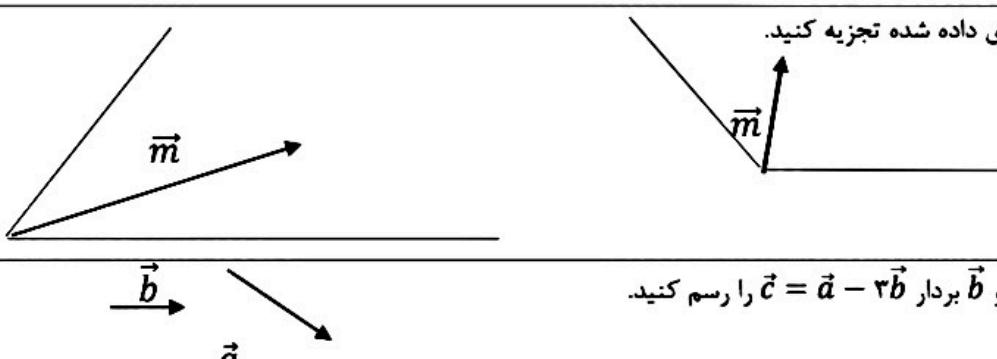
- (۱)  $-\vec{u} + \vec{v}$      (۲)  $\vec{u} + 2\vec{v}$      (۳)  $2\vec{u} - \vec{v}$      (۴)  $\vec{u} - 2\vec{v}$

ه) اگر ابتدای بردار  $\vec{a} = \begin{bmatrix} -7 \\ 3 \end{bmatrix}$  روی مبدأ مختصات باشد، انتهای آن در کدام ناحیه‌ی مختصاتی قرار دارد؟

- (۱) اول     (۲) دوم     (۳) سوم     (۴) چهارم

۴

بردار  $\vec{m}$  را روی راستاهای داده شده تجزیه کنید.

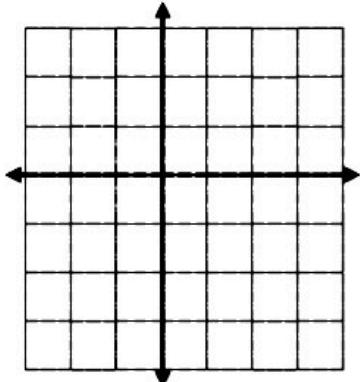


با توجه به بردارهای  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  بردار  $\vec{c} = \vec{a} - 3\vec{b}$  را رسم کنید.

۵

۶

الف) اگر بردار  $\vec{a} = \begin{bmatrix} m-1 \\ 2m-3 \end{bmatrix}$  روی نیمساز ربع اول و سوم قرار داشته باشد مقدار  $m$  را تعیین کنید.

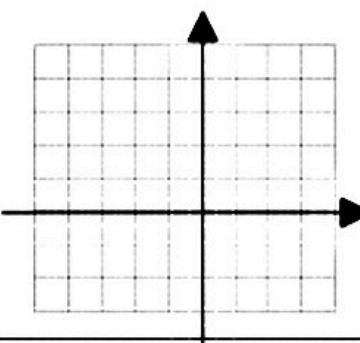


ب) بردار  $\vec{b} = \begin{bmatrix} -2 \\ -1 \end{bmatrix}$  و  $\vec{a} = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$  را در دستگاه مختصات زیر رسم کنید و آنها را بر حسب  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  بنویسید.

$$\vec{b} = \dots \quad \vec{a} = \dots$$

ب) اگر بردار  $\vec{b} = 2\vec{a}$  و  $\vec{a} = \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \end{bmatrix}$  مختصات بردار  $\vec{b}$  را بر حسب بردارهای  $\vec{i}$  و  $\vec{j}$  بنویسید.

۷

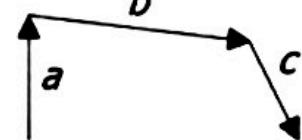
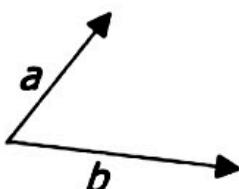


بردار  $\vec{a} = \begin{bmatrix} -4 \\ 4 \end{bmatrix}$  را از مبدأ مختصات رسم کنید.

بردار  $\vec{b} = \begin{bmatrix} 5 \\ -3 \end{bmatrix}$  را از انتهای بردار  $\vec{a}$  رسم کنید.

بردار برآیند  $a$  و  $b$  را ترسیم و برای آن یک تساوی جمع برداری و مختصاتی بنویسید.

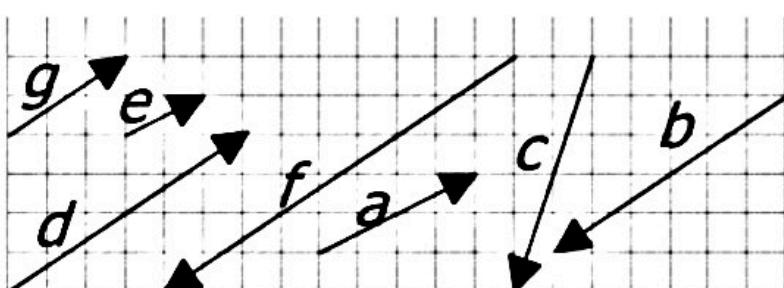
۸



در هر مورد بردار برآیند را رسم کنید و برای هر کدام جمع برداری بنویسید.

۹

با توجه به شکل مقابل در جای خالی عدد یا بردار مناسب قرار دهید.



$$\vec{b} = \dots \quad \vec{g}$$

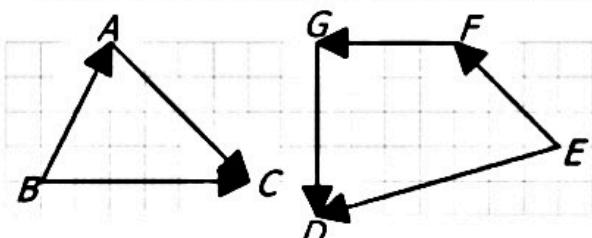
$$\vec{e} = \dots \quad \vec{a}$$

$$\vec{f} = -2 \quad \vec{\dots}$$

$$\vec{d} = 2 \quad \vec{\dots}$$

۱۰

با توجه به بردارهای داده شده برای هر کدام یک تساوی جمع برداری و یک تساوی جمع مختصاتی بنویسید.



۱۱

معادلات مختصاتی زیر را حل کنید.

$$\vec{x} + \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = -2\vec{i}$$

$$\frac{1}{2}\vec{x} = 5\vec{i} + 2\vec{j}$$

$$2\vec{x} - \begin{bmatrix} 5 \\ -4 \end{bmatrix} = 3\vec{i} + 2\vec{j}$$

۱۲

با توجه به بردارهای داده شده بردار  $\vec{c}$  را رسم کنید.

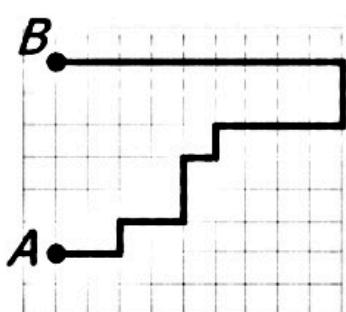
$$\vec{c} = -\vec{a} - 4\vec{b}$$

$$\vec{c} = 5\vec{a} + 2\vec{b}$$

۱۳

در صفحه‌ی شطرنجی مقابل یک خودرو از نقطه‌ی A حرکت و پس از طی مسیر ترسیم شده به نقطه‌ی B رسیده است.

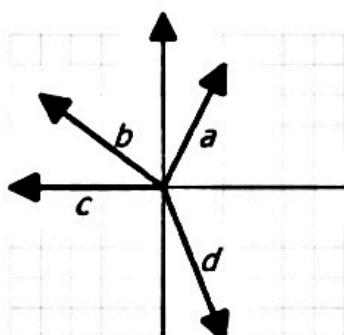
الف) این خودرو در کل چند واحد حرکت کرده است؟



ب) خودرو از نقطه‌ی A به B چند واحد جابه‌جا شده است؟

۱۴

بردارهای زیر را بر حسب بردارهای واحد مختصات بنویسید.



$$a = \dots$$

$$b = \dots$$

$$c = \dots$$

$$d = \dots$$

۱۵

حاصل عبارتهای زیر را به دست آورید.

$$-2 \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 5 \\ -4 \end{bmatrix} =$$

$$2 \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} + 3\vec{i} + 2\vec{j} =$$